

Пусть, например, $A_1 = 4 \cdot 10^{10} \text{ г} \cdot \text{см}^2$, $A_2 = 6 \cdot 10^{10} \text{ г} \cdot \text{см}^2$, $A_3 = 3 \cdot 10^{10} \text{ г} \cdot \text{см}^2$, $\omega = 0.001 \text{ сек}^{-1}$, $\lambda^{(1)} = \lambda^{(2)} = 0$, $A^{(1)} = \infty$, $A^{(2)} = 0.1$. Тогда на основании (3.6) положение равновесия будет $(\lambda, A, t_0, \infty)$ -устойчиво, если потенциальные возмущающие моменты не превосходят по модулю $1000 \text{ г} \cdot \text{см}^2 \cdot \text{сек}^{-2}$. При такой же величине непотенциальных возмущающих моментов условие (3.7.2) гарантирует устойчивость лишь на интервале $T - t_0 \leq 2450 \text{ сек}$. За такое время центр масс спутника делает меньше половины оборота по орбите.

Автор благодарит В. В. Румянцева за обсуждение работы и полезные замечания.

Поступила 24 VI 1969

ЛИТЕРАТУРА

1. Ч е т а е в Н. Г. О некоторых вопросах, относящихся к задаче об устойчивости неустановившихся движений. ПММ, 1960, т. 24, вып. 1.
2. Б е л е ц к и й В. В. Границы либраций трехосного спутника в гравитационном поле. ПММ, 1967, т. 31, вып. 6.

ЗАМЕЧАНИЕ К ЗАМЕТКЕ С. К. ПЕРСИДСКОГО «ИССЛЕДОВАНИЕ УСТОЙЧИВОСТИ РЕШЕНИЯ НЕКОТОРЫХ НЕЛИНЕЙНЫХ СИСТЕМ ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ».

ПММ, 1968, т. 32, вып. 6, стр. 1122—1125

В выше указанной заметке С. К. Персидский предлагает ряд теорем относительно устойчивости движения. Формулировка, а также доказательство теоремы 4, представляются неудовлетворительными.

Например пусть

$$\begin{aligned} x &= \varphi_1 + R_1 = (y - x^3) + (y - x^3)^2 + y^4 + R_1, & R_1 &= O(x^7) \\ y &= \varphi_2 + R_2 = -(y - x^3) + (y - x^3)^2 + y^4 + R_2, & R_2 &= O(y^7) \end{aligned}$$

Тогда условия теоремы очевидно будут удовлетворяться

$$\begin{aligned} u &= \varphi_1 + \varphi_2 = 2(y - x^3)^2 + 2y^4 \\ v &= x + y, & v' &= u + R_1 + R_2 \end{aligned}$$

Но известно, что эта производная может быть бесконечной (см. И. Г. Малкин, Теория устойчивости движения. М.—Л., Гостехиздат, 1952). А это будет противоречить доказательству.

Действительно, полагая $R_1 = -x^7$, $R_2 = 0$, легко показать устойчивость приведенного примера.

Э. Дальберг (Стокгольм)

Поступила 13 II 1969

ЛИТЕРАТУРА

1. П е р с и д с к и й С. К. Исследование устойчивости решений некоторых нелинейных систем дифференциальных уравнений. ПММ, 1968, т. 32, вып. 6.
2. М а л к и н И. Г. Теория устойчивости движения. М.—Л., Гостехиздат, 1952.