



Фиг. 5

На фиг. 5 приведены значения коэффициента сопротивления по Релею, т. е. коэффициента сопротивления клина с бесконечно большим отверстием (пунктирная кривая), с коэффициентом сопротивления сплошного клина для произвольных углов  $\alpha$  (сплошная кривая).

Из рассмотрения фиг. 5 можно сделать вывод, что когда клин направлен острием против набегающего потока, отверстие увеличивает коэффициент сопротивления, а когда клин расположен основанием против потока — отверстие уменьшает коэффициент сопротивления.

Поступила 14 X 1964

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Б о б ы л е в Д. К. Заметка о давлении, производимом потоком неограниченной ширины на две стенки, сходящиеся под каким бы то ни было углом. Ж. Русск. физ. хим. общ-ва, 1881, т. 13.
2. B o n d e r J. Sur un cas de mouvements plans a deux sillages. Annales de l'Academie des sci. techn. a Varsovie (Rosznik Akademji Nauk technicznych w Warszawie), t. III, 1936.
3. Г у р е в и ч М. И. Теория струй идеальной жидкости. Физматгиз, 1961.
4. R a y l e i g h D. On the resistance of fluides. Philos. Mag., 1876, vol. 2, ser. 5.

#### К ТЕОРИИ ОСЕСИММЕТРИЧНОЙ ТУРБУЛЕНТНОСТИ

М. Н. Р е п н и к о в (Москва)

Турбулентное установившееся течение несжимаемой жидкости через плоскую неограниченную решетку осесимметрично.

Пусть ось  $z$  декартовой системы координат — нормаль к плоскости решетки; обозначим через  $u, v, w$  и  $u', v', w'$  — компоненты скоростей в двух точках  $x = 0, y = 0, z$  и  $x' = 0, y' = r, z'$  соответственно. Тогда усредненные по времени произведения компонент будут функциями трех независимых переменных  $r, z, z'$ .

Если пренебречь усредненными тройными произведениями пульсаций по сравнению с двойными, то из уравнений Навье—Стокса и сплошности следует, в частности,

$$\frac{W}{\nu} \left[ \frac{\partial}{\partial z} + \frac{\partial}{\partial z'} \right] \langle ww' \rangle = \left[ 2 \left( \frac{\partial^2}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \right) + \frac{\partial^2}{\partial z^2} + \frac{\partial^2}{\partial z'^2} \right] \langle ww' \rangle$$

где

$$\langle ww' \rangle = \lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{T} \int_0^T ww' dt, \quad W = \langle w \rangle = \langle w' \rangle$$

Решение (типа источника) этого уравнения имеет вид

$$\langle ww' \rangle = \operatorname{Re} \left\{ \frac{\zeta + \zeta' + i(\zeta - \zeta')}{\zeta^2 + \zeta'^2} \exp \left[ -\frac{\eta^2}{8} \frac{\zeta + \zeta' + i(\zeta - \zeta')}{\zeta^2 + \zeta'^2} \right] \right\}$$

Здесь

$$\eta = \frac{W}{\nu} r, \quad \zeta = \frac{W}{\nu} z, \quad \zeta' = \frac{W}{\nu} z'$$

Имеем

$$\langle w^2 \rangle = \frac{1}{\zeta} \quad \text{при } \eta = 0, \quad \zeta = \zeta'$$

Таким образом, в этом случае анизотропия приводит к убыванию энергии турбулентности по закону  $z^{-1}$ .

За помощь и внимание автор приносит благодарность М. Д. Миллиончикову.

Поступила 28 X 1964.